

# Inhalt

0/2

<b>Einleitung</b>	<b>1</b>
<b>Kap. 1: Grundbegriffe der Mengenlehre und der Logik</b>	<b>3</b>
Übungsaufgaben	12
Schwerpunkte für die Wiederholung von Kapitel 1	14
<b>Kap. 2: Reelle Zahlen</b>	<b>15</b>
2.1 Eigenschaften der reellen Zahlen – Axiome	16
2.2 Rechnen mit reellen Zahlen	19
2.3 Mengen von reellen Zahlen	30
Übungsaufgaben	37
Schwerpunkte für die Wiederholung von Kapitel 2	39
<b>Kap. 3: Folgen von reellen Zahlen</b>	<b>41</b>
3.1 Konvergenz von Folgen	42
3.2 Reelle Zahlen als Grenzwerte von Folgen rationaler Zahlen	55
Übungsaufgaben	60
Schwerpunkte für die Wiederholung von Kapitel 3	62
<b>Kap. 4: Unendliche Reihen; Potenzreihen</b>	<b>63</b>
4.1 Konvergenz von Reihen	63
4.2 Assoziativität und Kommutativität bei Reihen	75
4.3 Komplexe Zahlen	85
4.4 Potenzreihen	91
4.5 Rechnen mit Potenzreihen	95
Übungsaufgaben	100
Schwerpunkte für die Wiederholung von Kapitel 4	104
<b>Kap. 5: Reelle Funktionen</b>	<b>105</b>
5.1 Operationen für Funktionen	105
5.2 Stetigkeit	109
5.3 Elementare Funktionen	118
5.4 Stetigkeit der Grenzfunktion bei Folgen und Reihen von Funktionen	135
Übungsaufgaben	139
Schwerpunkte für die Wiederholung von Kapitel 5	142
<b>Kap. 6: Der <math>n</math>-dimensionale euklidische Raum <math>\mathbb{R}^n</math>; Funktionen mit mehreren Veränderlichen</b>	<b>143</b>
6.1 Der Raum $\mathbb{R}^n$	143
6.2 Funktionen mit mehreren Veränderlichen	152
6.3 Eigenschaften stetiger Funktionen	158
6.4 Klassifikation von Unstetigkeitsstellen	171
6.5 Einige wichtige Ergänzungen	173
Übungsaufgaben	177
Schwerpunkte für die Wiederholung von Kapitel 6	180

<b>Kap 7:</b>	Differentialrechnung für Funktionen einer Veränderlichen .....	<b>181</b>
7.1	Ableitung .....	181
7.2	Mittelwertsätze; der Satz von Taylor .....	193
7.3	Anwendungen der Differentialrechnung; Grenzwerte für Quotienten von Funktionen .....	201
7.4	Differenzierbarkeit der Grenzfunktion bei Folgen und Reihen von Funktionen ....	218
	Übungsaufgaben .....	222
	Schwerpunkte für die Wiederholung von Kapitel 7 .....	229
<b>Kap 8:</b>	Differentialrechnung für Funktionen mehrerer Veränderlicher (Einführung) .....	<b>231</b>
8.1	Differenzierbarkeit .....	231
8.2	Partielle Ableitungen und Differentiale höherer Ordnung .....	253
8.3	Der Satz von Taylor; lokale Extrema für Funktionen mit mehreren Veränderlichen	256
8.4	Implizite Funktionen .....	266
	Übungsaufgaben .....	272
	Schwerpunkte für die Wiederholung von Kapitel 8 .....	274
<b>Kap 9:</b>	Integralrechnung für Funktionen einer Veränderlichen .....	<b>275</b>
9.1	Das unbestimmte Integral .....	276
9.2	Das bestimmte (Riemann-) Integral .....	284
9.3	Integrierbarkeitskriterien .....	290
9.4	Einige Klassen integrierbarer Funktionen .....	294
9.5	Mittelwertsätze der Integralrechnung .....	300
9.6	Volumen von Rotationskörpern .....	307
9.7	Uneigentliche Integrale .....	312
9.8	Länge von Kurven .....	316
9.9	Integrierbarkeit der Grenzfunktion bei Folgen und Reihen von Funktionen .....	325
	Übungsaufgaben .....	327
	Schwerpunkte für die Wiederholung von Kapitel 9 .....	330
<b>Kap 10:</b>	Ausblicke auf die Integralrechnung für Funktionen mit mehreren Veränderlichen .....	<b>331</b>
10.1	Doppelintegrale .....	331
10.2	Dreifachintegrale .....	345
	Übungsaufgaben .....	353
	Schwerpunkte für die Wiederholung von Kapitel 10 .....	354
<b>Literatur</b>	.....	<b>355</b>
<b>Sachverzeichnis</b>	.....	<b>356</b>