

Kapitel 7

Differentialrechnung für Funktionen einer Veränderlichen

7.1 Ableitung

Definition. (*Differenzierbarkeit, Ableitung, Differentialquotient*)

7/1/3

f ist an der Stelle a (oder kurz in a) differenzierbar

$\overline{\text{Df}}$ f ist in einer Umgebung $U(a)$ definiert, und es existiert $\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x) - f(a)}{x - a}$.

Der Limes heißt (falls er existiert) *erste Ableitung* oder *Differentialquotient* von f in a .

Bez. $f'(a) = \frac{df}{dx}(a).$

7.2 Mittelwertsätze; der Satz von Taylor

Satz 7.8 (*Satz von Rolle*)

7/2/0

Ist $a < b$ und f in $[a, b]$ stetig und in (a, b) differenzierbar und ist $f(a) = f(b)$, dann existiert ein $c \in (a, b)$, so daß $f'(c) = 0$.