

## Kapitel 7

### Differentialrechnung für Funktionen einer Veränderlichen

#### 7.1 Ableitung

**Definition.** (*Differenzierbarkeit, Ableitung, Differentialquotient*)

7/1/3

$f$  ist an der Stelle  $a$  (oder kurz in  $a$ ) differenzierbar

$\overline{\text{Df}}$   $f$  ist in einer Umgebung  $U(a)$  definiert, und es existiert  $\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x) - f(a)}{x - a}$ .

Der Limes heißt (falls er existiert) *erste Ableitung* oder *Differentialquotient* von  $f$  in  $a$ .

**Bez.**  $f'(a) = \frac{df}{dx}(a).$

#### 7.2 Mittelwertsätze; der Satz von Taylor

**Satz 7.9** (*1. Mittelwertsatz der Differentialrechnung*)

7/2/2

Ist  $a < b$  und  $f$  in  $[a, b]$  stetig und in  $(a, b)$  differenzierbar, dann gibt es ein  $c \in (a, b)$ , so daß  $\frac{f(b) - f(a)}{b - a} = f'(c).$

**Korollar.** Ist  $I$  ein Intervall in  $\mathbb{R}$ ,  $f$  in  $I$  differenzierbar, und ist  $f'(x) = 0$  für jedes  $x \in I$ , dann ist  $f$  in  $I$  konstant.

7/2/4